

# Hoofdstuk 2 - Wortels

## Voorkennis

<b>V-1</b>	zijde vierkant in cm	1	2	3	4	5	6
	oppervlakte vierkant in cm <sup>2</sup>	1	4	9	16	25	36

<b>V-2</b>	$1^2 = 1$	$6^2 = 36$	$11^2 = 121$	$16^2 = 256$
	$2^2 = 4$	$7^2 = 49$	$12^2 = 144$	$17^2 = 289$
	$3^2 = 9$	$8^2 = 64$	$13^2 = 169$	$18^2 = 324$
	$4^2 = 16$	$9^2 = 81$	$14^2 = 196$	$19^2 = 361$
	$5^2 = 25$	$10^2 = 100$	$15^2 = 225$	$20^2 = 400$

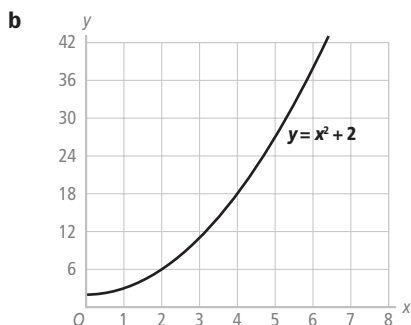
- V-3a**  $4 \times 3^2 = 4 \times 9 = 36$   
**b**  $12^2 - 7^2 = 144 - 49 = 95$   
**c**  $5 \times (2^2 - 1^2) = 5 \times (4 - 1) = 5 \times 3 = 15$   
**d**  $92 - 2 \times 6^2 = 92 - 2 \times 36 = 92 - 72 = 20$   
**e**  $8 + 5^2 \times 8 = 8 + 25 \times 8 = 8 + 200 = 208$   
**f**  $3 \times 4^2 - 4 \times 3^2 = 3 \times 16 - 4 \times 9 = 48 - 36 = 12$   
**g**  $(-4)^2 = 16$   
**h**  $-13^2 = -169$   
**i**  $-6^2 + (-6)^2 = -36 + 36 = 0$

**V-4** De manieren a, b en c geven  $-5^2 = -25$  en dat is niet goed.  
 Manier d geeft  $(-5)^2 = 25$  en dat is goed.

- V-5a**  $(-6)^2 = 36$       **c**  $-11^2 = -121$       **e**  $-4,8^2 = -23,04$   
**b**  $(\frac{3}{5})^2 = \frac{9}{25} = 0,360$       **d**  $(-\frac{4}{9})^2 = \frac{16}{81} \approx 0,198$       **f**  $-(-\frac{6}{7})^2 = -\frac{36}{49} \approx -0,735$

- V-6a**  $3 \times (-5)^2 = 3 \times 25 = 75$   
**b**  $(1,3 - 1,4)^2 = (-0,1)^2 = 0,01$   
**c**  $2 \times (-2,5)^2 - 3^2 = 2 \times 6,25 - 9 = 12,5 - 9 = 3,5$   
**d**  $-16 \times (\frac{1}{8})^2 = -16 \times \frac{1}{64} = -\frac{16}{64} = -\frac{1}{4}$

<b>V-7a</b>	x	0	1	2	3	4	5	6
	y	2	3	6	11	18	27	38



**c** De grafiek is geen rechte lijn.

- V-8a** Voor punten op de verticale as geldt  $t = 0$ . Dit invullen in de gegeven formule geeft  $a = (0+1)^2 + 4 = 1^2 + 4 = 1 + 4 = 5$ . De grafiek snijdt de verticale as in het punt  $(0, 5)$ .
- b** Invullen van  $t = 8$  geeft  $a = (8+1)^2 + 4 = 9^2 + 4 = 81 + 4 = 85$ . Ricardo heeft gelijk.
- c**  $a = (13+1)^2 + 4 = 14^2 + 4 = 196 + 4 = 200$
- V-9a**
- |                            |                       |                                |
|----------------------------|-----------------------|--------------------------------|
| <b>c</b> $c = 10a$         | <b>g</b> $y = 3n^2$   | <b>m</b> $g = 6h^2$            |
| <b>b</b> kan niet          | <b>h</b> $l = 20j^2$  | <b>n</b> kan niet              |
| <b>c</b> $s = -12g + 3h$   | <b>i</b> $z = -12v^2$ | <b>o</b> $r = 4d^2$            |
| <b>d</b> kan niet          | <b>j</b> $m = 56c^2$  | <b>p</b> $w = -10a + 7a^2 + 6$ |
| <b>e</b> $y = 9x + 4$      | <b>k</b> $k = t^2$    | <b>q</b> $b = -6a^2$           |
| <b>f</b> $a = 3q + 5p - 6$ | <b>l</b> $a = -24b^2$ | <b>r</b> $s = 24k^2$           |

## 2-1 Wortels

- 1a** De oppervlakte van vierkant 1 is  $6 \times 6 = 36 \text{ cm}^2$ .  
De oppervlakte van vierkant 2 is  $9 \times 9 = 81 \text{ cm}^2$ .
- b** Je berekent de oppervlakte van een vierkant door de lengte van een zijde met zichzelf te vermenigvuldigen.
- c** Van een vierkant met zijden van 5 cm is de oppervlakte  $5 \times 5 = 25 \text{ cm}^2$ .
- d** De zijden van dat vierkant zijn 7 cm, want de oppervlakte is dan  $7 \times 7 = 49 \text{ cm}^2$ .
- e** De zijden van dat vierkant zijn 13 cm, want de oppervlakte is dan  $13 \times 13 = 169 \text{ cm}^2$ .
- 2**  $\sqrt{9} = 3$ ,  $\sqrt{36} = 6$  en  $\sqrt{81} = 9$
- 3a** Van een vierkante tegel met een oppervlakte van  $121 \text{ cm}^2$  zijn de zijden 11 cm.
- b** Van zo'n tegel met een oppervlakte van  $196 \text{ cm}^2$  zijn de zijden 14 cm.
- c** Bij een tegel met zijden van 3 cm is de oppervlakte  $9 \text{ cm}^2$  en bij een tegel met zijden van 4 cm is de oppervlakte  $16 \text{ cm}^2$ . Voor een tegel met een oppervlakte van  $10 \text{ cm}^2$  moet de lengte van de zijden ergens tussen de 3 cm en de 4 cm liggen.
- 4a** De oppervlakte van het vierkant met hoekpunten  $(0, 0)$ ,  $(4, 0)$ ,  $(4, 4)$  en  $(0, 4)$  is  $4 \times 4 = 16 \text{ cm}^2$ . De oppervlakte van de driehoek met hoekpunten  $(0, 0)$ ,  $(1, 0)$  en  $(0, 3)$  is  $1 \times 3 : 2 = 1,5 \text{ cm}^2$ .  
De oppervlakte van het getekende vierkant is  $16 - 4 \times 1,5 = 16 - 6 = 10 \text{ cm}^2$ .
- b** Bij een vierkant met zijden van 3 cm is de oppervlakte  $9 \text{ cm}^2$  en bij een vierkant met zijden van 4 cm is de oppervlakte  $16 \text{ cm}^2$ .
- c** De lengte van de zijden van het vierkant zijn ongeveer 3,2 cm.
- d** Bij zijden van 3,2 cm is de oppervlakte  $3,2 \times 3,2 = 10,24 \text{ cm}^2$ . Bij zijden van 3,16 cm is de oppervlakte  $9,9856 \text{ cm}^2$ . Het antwoord van Yoeri is nauwkeuriger, want dat zit dichterbij  $10 \text{ cm}^2$ .
- e** Bij zijden van 3,162 cm is de oppervlakte  $3,162 \times 3,162 = 9,998 244 \text{ cm}^2$ .
- f** Nog nauwkeuriger antwoorden zijn 3,1623 of 3,16228 of 3,162278 of  $\sqrt{10}$  intoetsen.

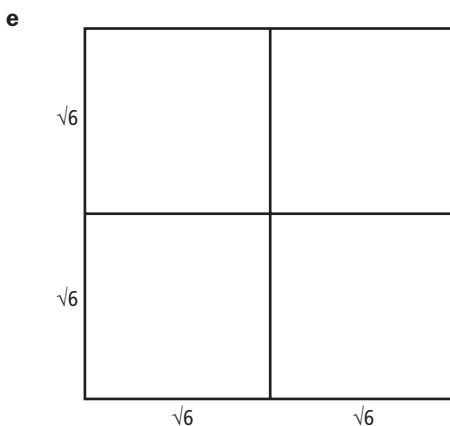
- 5a**  $\sqrt{289} = 17$ ,  $\sqrt{6,25} = 2,25$  en  $\sqrt{0,09} = 0,3$   
**b**  $\sqrt{200} \approx 14,14$   
**c**  $14,14^2 = 199,9396$   
**d** Je hebt  $\sqrt{200}$  afgerond tot 14,14 en het was niet precies 14,14.
- 6a** De zijden van dit vierkant zijn  $\sqrt{2}$  cm lang. In twee decimalen is dat 1,41 cm.  
**b** De oppervlakte van het vierkant is  $\sqrt{23} \times \sqrt{23} = 23 \text{ cm}^2$ . Als je de wortel van een getal met zichzelf vermenigvuldigt, dan komt er dat getal weer uit.  
**c**  $(\sqrt{92})^2 = 92$  en  $(\sqrt{\frac{12}{13}})^2 = \frac{12}{13}$   
**d** De oppervlakte van het vierkant is  $(\sqrt{a})^2 \text{ cm}^2$  en dat is  $a \text{ cm}^2$ .
- 7a**  $-\sqrt{31} \approx -5,57$   
**b**  $\sqrt{49} = 7$  omdat  $7^2 = 49$   
**c**  $\sqrt{4} = 2$  omdat  $2^2 = 4$   
**d** Ze heeft geen gelijk want  $(-7)^2 = 49$  en geen  $-49$ .  
**e** De rekenmachine zal error geven, want de wortel van een negatief getal bestaat niet.
- 8a**  $-\sqrt{26} \approx -5,1$       **d**  $\sqrt{6,25} = 2,5$   
**b**  $\sqrt{-1}$  bestaat niet      **e**  $-\sqrt{81} = -9$   
**c**  $\sqrt{(-3)^2} = \sqrt{9} = 3$       **f**  $-\sqrt{(-8)^2} = -\sqrt{64} = -8$

## 2-2 Rekenen met wortels

- 9a** De exacte lengte van de zijden van het gekleurde vierkantje is  $\sqrt{5}$  cm.  
**b** De omtrek van dit vierkantje is  $4 \times \sqrt{5} \approx 8,94$  cm.  
**c** De lengte van  $AD$  is twee keer zo lang als de zijden van het gekleurde vierkantje.  
**d** De lengte van  $AB$  is  $3 \times \sqrt{5}$  cm.  
**e** De omtrek van  $ABCD$  is  $10 \times \sqrt{5}$  cm.
- 10a**  $2\sqrt{7} + 2\sqrt{7} = 4\sqrt{7}$       **d**  $-2\sqrt{2} + 6\sqrt{2} - 8\sqrt{2} = -4\sqrt{2}$   
**b**  $3\sqrt{11} + 4\sqrt{11} = 7\sqrt{11}$       **e**  $4\sqrt{5} - 7\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 3\sqrt{7} = 6\sqrt{5} - 7\sqrt{3} - 3\sqrt{7}$   
**c**  $7\sqrt{6} - 5\sqrt{5} + 3\sqrt{6} = 10\sqrt{6} - 5\sqrt{5}$       **f**  $6\sqrt{3} - 3\sqrt{3} + 5\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$
- 11a**  $u = 4\sqrt{w} + 3a$       **c**  $d = 2\sqrt{c}$   
**b**  $b = 11\sqrt{a} - 5$       **d**  $z = 3\sqrt{x} + 4\sqrt{y}$
- 12a**  $\sqrt{10} \times \sqrt{10} = 10$  en  $(\sqrt{5})^2 = 5$   
**b**  $(\sqrt{2} \times \sqrt{3})^2 = \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} = (\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2$   
**c**  $(\sqrt{2} \times \sqrt{3})^2 = (\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 = 2 \times 3 = 6$   
**d** Het kwadraat van  $\sqrt{2} \times \sqrt{3}$  is gelijk aan 6, dus  $\sqrt{2} \times \sqrt{3}$  is gelijk aan  $\sqrt{6}$ .

- 13a**  $\sqrt{7} \times \sqrt{5} = \sqrt{35}$   
**b**  $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$   
**c** Neem bijvoorbeeld  $a = 9$  en  $b = 16$ . Dan is  $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{9} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7$  en  $\sqrt{a+b} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$  en dat is niet hetzelfde.
- 14a**  $\sqrt{5} \times \sqrt{3} = \sqrt{15}$   
**b**  $2\sqrt{5} \times \sqrt{3} = 2 \times \sqrt{5} \times \sqrt{3} = 2 \times \sqrt{15} = 2\sqrt{15}$   
**c** In  $2\sqrt{5} \times 4\sqrt{3}$  moet je één keer meer met vier vermenigvuldigen dan in  $2\sqrt{5} \times \sqrt{3}$ .  
**d**  $2\sqrt{5} \times 4\sqrt{3} = 2 \times \sqrt{5} \times 4 \times \sqrt{3} = 2 \times 4 \times \sqrt{5} \times \sqrt{3} = 8 \times \sqrt{15} = 8\sqrt{15}$

- 15a** De lengte van één kleine rechthoek is  $\sqrt{3}$  en er liggen vier kleine rechthoeken naast elkaar, dus de lengte van de grote rechthoek is  $4 \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$ .  
**b** De breedte van de grote rechthoek is  $2 \times \sqrt{7} = 2\sqrt{7}$ .  
**c** De oppervlakte van een kleine rechthoek is  $\sqrt{3} \times \sqrt{7} = \sqrt{21}$ .  
**d** De oppervlakte van de grote rechthoek is lengte keer breedte is  $4\sqrt{3} \times 2\sqrt{7}$ .  
 In de grote rechthoek passen acht kleine rechthoeken die ieder een oppervlakte van  $\sqrt{21}$  hebben. De oppervlakte van de grote rechthoek is gelijk aan  $8 \times \sqrt{21} = 8\sqrt{21}$ .  
 Beide oppervlakten zijn gelijk, dus  $4\sqrt{3} \times 2\sqrt{7} = 8\sqrt{21}$



De zijden van het grote vierkant zijn  $2\sqrt{6}$  lang en de oppervlakte van het grote vierkant is  $(2\sqrt{6})^2$ .

Het grote vierkant bestaat in de lengte uit twee kleine vierkanten en in de breedte uit twee kleine vierkanten, ieder met een oppervlakte van  $(\sqrt{6})^2$ , dus de oppervlakte van het grote vierkant is  $2 \times 2 \times (\sqrt{6})^2 = 2^2 \times (\sqrt{6})^2$ .

De oppervlakte van een klein vierkant is  $(\sqrt{6})^2 = 6$ . Er passen vier kleine vierkanten in het grote vierkant, dus de oppervlakte van het grote vierkant is  $4 \times 6 = 24$ .

- 16a**  $\sqrt{2} \times \sqrt{5} = \sqrt{10}$   
**b**  $\sqrt{6} \times \sqrt{6} = 6$   
**c**  $2\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 2 \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} = 2 \times 3 = 6$   
**d**  $(3\sqrt{6})^2 = 3\sqrt{6} \times 3\sqrt{6} = 3 \times 3 \times \sqrt{6} \times \sqrt{6} = 9 \times 6 = 54$   
**e**  $2\sqrt{5} \times 5\sqrt{3} = 2 \times 5 \times \sqrt{5} \times \sqrt{3} = 10 \times \sqrt{15} = 10\sqrt{15}$   
**f**  $3\sqrt{2} \times 4\sqrt{50} = 3 \times 4 \times \sqrt{2} \times \sqrt{50} = 12 \times \sqrt{100} = 12 \times 10 = 120$   
**g**  $7\sqrt{111} \times 2\sqrt{111} = 7 \times 2 \times \sqrt{111} \times \sqrt{111} = 14 \times 111 = 1554$   
**h**  $(2\sqrt{65})^2 = 2\sqrt{65} \times 2\sqrt{65} = 2 \times 2 \times \sqrt{65} \times \sqrt{65} = 4 \times 65 = 260$   
**i**  $\sqrt{3} \times \sqrt{5} + 4\sqrt{15} = \sqrt{15} + 4\sqrt{15} = 5\sqrt{15}$   
**j**  $(3\sqrt{7})^2 - (7\sqrt{3})^2 = 3\sqrt{7} \times 3\sqrt{7} - 7\sqrt{3} \times 7\sqrt{3} = 9 \times 7 - 49 \times 3 = 63 - 147 = -84$   
**k**  $-15\sqrt{10} - 2\sqrt{5} \times 6\sqrt{2} = -15\sqrt{10} - 2 \times 6 \times \sqrt{5} \times \sqrt{2} = -15\sqrt{10} - 12\sqrt{10} = -27\sqrt{10}$   
**l**  $(-5\sqrt{3})^2 = -5\sqrt{3} \times -5\sqrt{3} = -5 \times -5 \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} = 25 \times 3 = 75$
- 17a**  $k = \sqrt{6 \times a}$                       **d**  $v = u \times u \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} - 2w$   
 $k = \sqrt{6a}$                                $v = u^2 \sqrt{6} - 2w$   
**b**  $g = 3 \times 4 \times \sqrt{r} \times \sqrt{r}$             **e**  $h = 3\sqrt{a} - \sqrt{a} + a\sqrt{2}$   
 $g = 12r$                                    $h = 2\sqrt{a} + a\sqrt{2}$   
**c**  $p = 6\sqrt{2q} - 5\sqrt{2q}$             **f**  $b = 3 \times a \times \sqrt{a} \times \sqrt{a} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2}$   
 $p = \sqrt{2q}$                                    $b = 6a^2$

### 2-3 Wortels vereenvoudigen

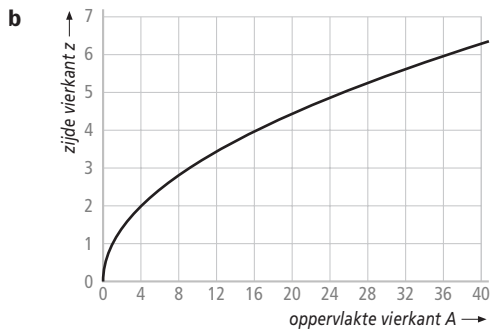
- 18a** De berekening van Erkan geeft  $2\sqrt{3} \times 3\sqrt{2} = 2 \times 3 \times \sqrt{3} \times \sqrt{2} = 6\sqrt{6}$  en dat klopt.  
 De berekening van Sonja geeft  $2\sqrt{2} \times 2\sqrt{5} = 2 \times 2 \times \sqrt{2} \times \sqrt{5} = 4\sqrt{10}$  en dat klopt.
- b**  $6\sqrt{6} = 6 \times \sqrt{6} = \sqrt{36} \times \sqrt{6} = \sqrt{36 \times 6} = \sqrt{216}$   
**c**  $4\sqrt{10} = 4 \times \sqrt{10} = \sqrt{16} \times \sqrt{10} = \sqrt{16 \times 10} = \sqrt{160}$   
**d** Er geldt dat  $6\sqrt{6}$  groter is dan  $4\sqrt{10}$ , want  $\sqrt{216}$  is groter dan  $\sqrt{160}$ .
- 19a**  $7\sqrt{6} = 7 \times \sqrt{6} = \sqrt{49} \times \sqrt{6} = \sqrt{294}$                       **d**  $2\sqrt{11} = 2 \times \sqrt{11} = \sqrt{4} \times \sqrt{11} = \sqrt{44}$   
**b**  $2\sqrt{5} = 2 \times \sqrt{5} = \sqrt{4} \times \sqrt{5} = \sqrt{20}$                               **e**  $4\sqrt{3} = 4 \times \sqrt{3} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = \sqrt{48}$   
**c**  $3\sqrt{7} = 3 \times \sqrt{7} = \sqrt{9} \times \sqrt{7} = \sqrt{63}$                               **f**  $6\sqrt{2} = 6 \times \sqrt{2} = \sqrt{36} \times \sqrt{2} = \sqrt{72}$
- Van klein naar groot krijg je  $\sqrt{20}$ ,  $\sqrt{44}$ ,  $\sqrt{48}$ ,  $\sqrt{63}$ ,  $\sqrt{72}$  en  $\sqrt{294}$  en dat geeft van klein naar groot  $2\sqrt{5}$ ,  $2\sqrt{11}$ ,  $4\sqrt{3}$ ,  $3\sqrt{7}$ ,  $6\sqrt{2}$  en  $7\sqrt{6}$ .
- 20a**  $2\sqrt{2} \times 5\sqrt{3} = 10 \times \sqrt{6} = \sqrt{100} \times \sqrt{6} = \sqrt{600}$  en  
 $2\sqrt{5} \times 3\sqrt{2} = 6 \times \sqrt{10} = \sqrt{36} \times \sqrt{10} = \sqrt{360}$ , dus  $2\sqrt{2} \times 5\sqrt{3}$  is het grootst.
- b**  $(2\sqrt{2})^2 \times \sqrt{3} = 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} = 2 \times 2 \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = 4 \times \sqrt{12} = \sqrt{16} \times \sqrt{12} = \sqrt{192}$  en  
 $(\sqrt{5})^2 \times \sqrt{2} = 5 \times \sqrt{2} = \sqrt{25} \times \sqrt{2} = \sqrt{50}$ , dus  $(2\sqrt{2})^2 \times \sqrt{3}$  is het grootst.
- c**  $2\sqrt{3} \times \sqrt{6} = 2 \times \sqrt{18} = \sqrt{4} \times \sqrt{18} = \sqrt{72}$  en  $3\sqrt{7} = 3 \times \sqrt{7} = \sqrt{9} \times \sqrt{7} = \sqrt{63}$ , dus  
 $2\sqrt{3} \times \sqrt{6}$  is het grootst.
- d**  $(-\sqrt{3})^2 \times 2\sqrt{7} = -\sqrt{3} \times -\sqrt{3} \times 2 \times \sqrt{7} = 3 \times 2 \times \sqrt{7} = 6 \times \sqrt{7} = \sqrt{36} \times \sqrt{7} = \sqrt{252}$  en  
 $-3\sqrt{5} \times -2 = 6 \times \sqrt{5} = \sqrt{36} \times \sqrt{5} = \sqrt{180}$ , dus  $(-\sqrt{3})^2 \times 2\sqrt{7}$  is het grootst.

- 21** De oppervlakte van de rechthoek is  $4\sqrt{3} = 4 \times \sqrt{3} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = \sqrt{48}$ .  
De breedte van de rechthoek is  $2\sqrt{2} = 2 \times \sqrt{2} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = \sqrt{8}$ .  
De lengte van de rechthoek moet dan  $\sqrt{6}$  zijn, want  $\sqrt{6} \times \sqrt{8} = \sqrt{48}$ .
- 22a** Omdat  $\sqrt{18} = \sqrt{9 \times 2}$  geldt  $\sqrt{18} = \sqrt{9} \times \sqrt{2}$  oftewel  $\sqrt{18} = 3\sqrt{2}$ .  
**b**  $\sqrt{48}$  kun je eenvoudiger schrijven, want  $48 = 4^2 \times 3$ , dus  $\sqrt{48} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$   
**c**  $\sqrt{75}$  kun je eenvoudiger schrijven, want  $75 = 5^2 \times 3$ , dus  $\sqrt{75} = \sqrt{25} \times \sqrt{3} = 5\sqrt{3}$
- 23**  $\sqrt{300} = \sqrt{100 \times 3} = 10\sqrt{3}$  en  $\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$
- 24a**  $\sqrt{200} = \sqrt{100 \times 2} = 10\sqrt{2}$  **d**  $\sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5} = 2\sqrt{5}$   
**b**  $\sqrt{63} = \sqrt{9 \times 7} = 3\sqrt{7}$  **e**  $\sqrt{18} = \sqrt{9 \times 2} = 3\sqrt{2}$   
**c**  $\sqrt{108} = \sqrt{36 \times 3} = 6\sqrt{3}$  **f**  $\sqrt{125} = \sqrt{25 \times 5} = 5\sqrt{5}$
- 25a** Beide antwoorden kun je nog verder vereenvoudigen.  
**b** Het juiste antwoord is  $\sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = 6\sqrt{2}$ .
- 26a**  $\sqrt{10} \times \sqrt{5} = \sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$   
**b**  $\sqrt{3} \times \sqrt{4} = \sqrt{3 \times 2} = 2\sqrt{3}$   
**c**  $\sqrt{32} \times \sqrt{18} = \sqrt{576} = 24$   
**d**  $\sqrt{15} \times \sqrt{6} = \sqrt{90} = \sqrt{9 \times 10} = 3\sqrt{10}$   
**e**  $2\sqrt{10} \times 3\sqrt{2} = 6 \times \sqrt{20} = 6 \times \sqrt{4 \times 5} = 6 \times 2 \times \sqrt{5} = 12\sqrt{5}$   
**f**  $2\sqrt{14} \times \sqrt{21} = 2 \times \sqrt{294} = 2 \times \sqrt{49 \times 6} = 2 \times 7 \times \sqrt{6} = 14\sqrt{6}$
- 27** De oppervlakte van figuur a klopt, want  
 $2\sqrt{6} \times \sqrt{30} = 2 \times \sqrt{180} = 2 \times \sqrt{36 \times 5} = 2 \times 6 \times \sqrt{5} = 12\sqrt{5}$ .  
De oppervlakte van figuur b klopt ook want  
 $\sqrt{24} \times \sqrt{3} + \sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{72} + \sqrt{50} = \sqrt{36 \times 2} + \sqrt{25 \times 2} = 6\sqrt{2} + 5\sqrt{2} = 11\sqrt{2}$ .
- 28a**  $\sqrt{24} + \sqrt{96} = \sqrt{4 \times 6} + \sqrt{16 \times 6} = 2\sqrt{6} + 4\sqrt{6} = 6\sqrt{6}$   
**b**  $\sqrt{125} - \sqrt{45} = \sqrt{25 \times 5} - \sqrt{9 \times 5} = 5\sqrt{5} - 3\sqrt{5} = 2\sqrt{5}$   
**c**  $4\sqrt{3} - \sqrt{75} = 4\sqrt{3} - \sqrt{25 \times 3} = 4\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = -\sqrt{3}$   
**d**  $\sqrt{32} + \sqrt{27} - \sqrt{8} = \sqrt{16 \times 2} + \sqrt{9 \times 3} - \sqrt{4 \times 2} = 4\sqrt{2} + 3\sqrt{3} - 2\sqrt{2} = 2\sqrt{2} + 3\sqrt{3}$   
**e**  $-2\sqrt{3} \times 3\sqrt{2} + 4\sqrt{6} = -6\sqrt{6} + 4\sqrt{6} = -2\sqrt{6}$   
**f**  $\sqrt{4 \times 131} + \sqrt{25 \times 131} = 2\sqrt{131} + 5\sqrt{131} = 7\sqrt{131}$

## 2-4 Wortelformules

**29a**

oppervlakte vierkant A	0	1	4	9	16	25	36
zijde vierkant z	0	1	2	3	4	5	6

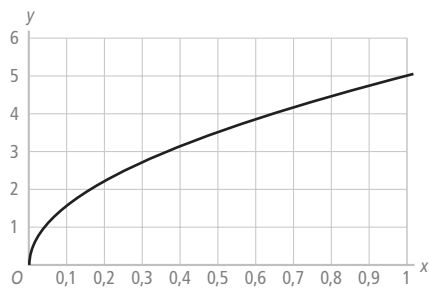


- c** Voor iedere waarde van A kun je de waarde van z vinden door de wortel uit A te nemen.  
**d** Je kunt voor A alleen getallen groter of gelijk aan 0 invullen omdat er geen negatieve oppervlakte bestaat.

**30a** Links van de verticale as bestaat de grafiek niet omdat de wortel uit een negatief getal niet bestaat.

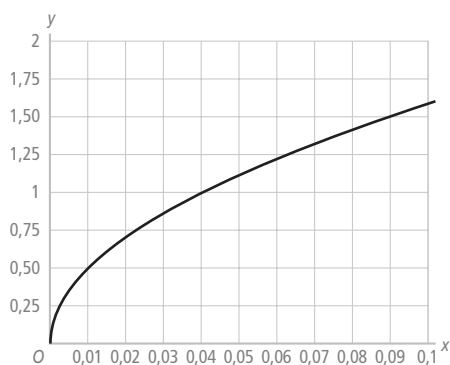
**b**

x	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1
y	0	1,58	2,24	2,74	3,16	3,54	3,87	4,18	4,47	4,74	5

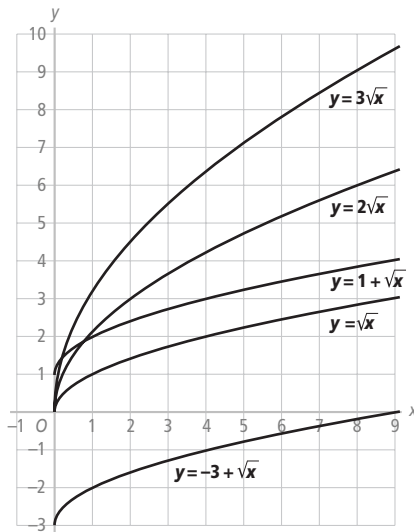


**c**

x	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1
y	0	0,5	0,71	0,87	1	1,12	1,22	1,32	1,41	1,5	1,58



31a

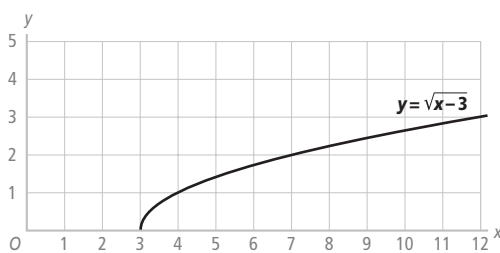


- b** De grafiek van  $y = 1 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek één hokje naar boven te verschuiven.  
**c** De grafiek van  $y = -3 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek drie hokjes naar beneden te verschuiven.  
**d** Zie de tekening hierboven.  
**e** De grafiek van  $y = 2\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek twee keer zo ver van de horizontale as af te tekenen.  
**f** De grafiek van  $y = 3\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek drie keer zo ver van de horizontale as af te tekenen.

**32a** Invullen van  $x = 2$  geeft  $y = \sqrt{2-3} = \sqrt{-1}$  en de wortel uit een negatief getal bestaat niet.

- b** Het kleinste getal dat ze kan invullen is  $x = 3$ , want invullen van  $x = 3$  geeft  $y = \sqrt{3-3} = \sqrt{0} = 0$

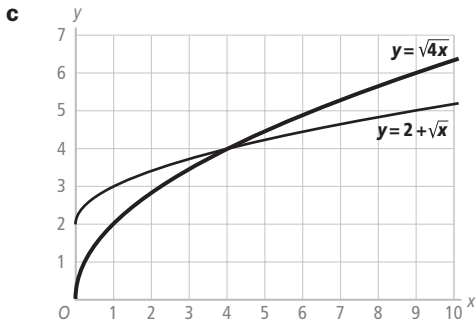
<b>c</b>	$x$	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
	$y$	0	1	1,41	1,73	2	2,24	2,45	2,65	2,83	3



- d** De grafiek begint in het punt  $(3, 0)$ .  
**e** De grafiek van  $y = \sqrt{x-3}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek drie hokjes naar rechts te verschuiven.



- 33a** Bij formule A zijn er uitkomsten als  $x \geq 1$ ,  
 bij formule B zijn er uitkomsten als  $x \geq -2$ ,  
 bij formule C zijn er uitkomsten als  $x \geq 0$  en  
 bij formule D zijn er uitkomsten als  $x \geq 0$ .
- b** De coördinaten van het randpunt zijn bij formule A (1, 0), bij formule B (-2, 0),  
 bij formule C (0, 2) en bij formule D (0, 0).

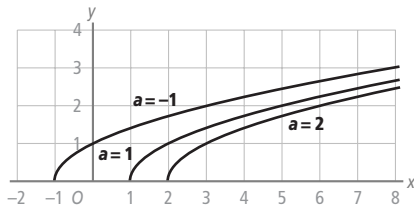


- d** De coördinaten van het snijpunt  $S$  zijn (4, 4).
- e** Van formule A ontstaat de grafiek uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek één hokje naar rechts te verschuiven.  
 Van formule B ontstaat de grafiek uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek twee hokjes naar links te verschuiven.  
 Van formule C ontstaat de grafiek uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek twee hokjes naar boven te verschuiven.
- 34a** De grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x+8}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek acht hokjes naar links te verschuiven. Het randpunt is (-8, 0).
- b** De grafiek bij de formule  $y = -5 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek vijf hokjes naar beneden te verschuiven. Het randpunt is (0, -5).
- c** De grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x - \frac{2}{3}}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek  $\frac{2}{3}$  hokje naar rechts te verschuiven. Het randpunt is  $(\frac{2}{3}, 0)$ .
- d** De grafiek bij de formule  $y = -\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek onder in plaats van boven de horizontale as te tekenen. Het randpunt is (0, 0).
- 35a** Invullen van  $x = 9$  geeft  $y = \sqrt{9} - 5 = 3 - 5 = -2$ , dus Ali doet het goed.  
 De fout die Mo maakt is dat hij  $y = \sqrt{9-5} = \sqrt{4} = 2$  berekent.
- b**
- |     |    |    |        |        |    |        |
|-----|----|----|--------|--------|----|--------|
| $x$ | 0  | 1  | 2      | 3      | 4  | 5      |
| $y$ | -5 | -4 | -3,586 | -3,268 | -3 | -2,764 |
- c**
- |     |   |   |   |   |   |   |
|-----|---|---|---|---|---|---|
| $x$ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| $y$ | - | - | - | - | - | 0 |
- d** De coördinaten van het randpunt van de grafiek van  $y = \sqrt{x-5}$  zijn (0, -5).  
 De coördinaten van het randpunt van de grafiek van  $y = \sqrt{x-5}$  zijn (5, 0).

- 36a** De coördinaten van het randpunt zijn  $(2, 0)$ .
- b** Ja, want invullen van  $x = 5$  geeft  $y = 2\sqrt{3 \times 5 - 6} = 2\sqrt{15 - 6} = 2\sqrt{9} = 2 \times 3 = 6$ .
- c**  $y = 2\sqrt{3 \times 149 - 6} = 2\sqrt{447 - 6} = 2\sqrt{441} = 2 \times 21 = 42$

**37a** Voor  $a = 2$  krijg je de formule  $y = \sqrt{x - 2}$ .

**b/c**



- d** Invullen van  $x = 6$  en  $y = 2$  geeft  $2 = \sqrt{6 - a}$  oftewel  $6 - a = 4$ , dus  $a = 2$ .  
Invullen van  $x = 6$  en  $y = -2$  geeft  $-2 = \sqrt{6 - a}$  en dat kan niet.

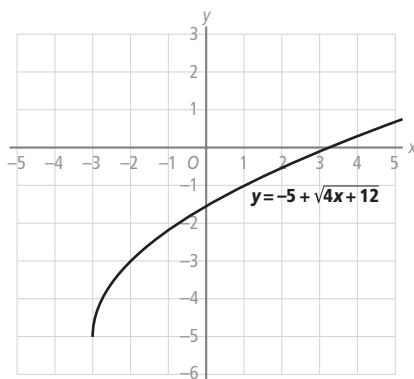
## 2-5 Gemengde opdrachten

- 38a**  $3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} = 5\sqrt{5}$
- b**  $8\sqrt{41} - 4\sqrt{41} = 4\sqrt{41}$
- c**  $6\sqrt{7} - 7\sqrt{3} + 3\sqrt{7} - 3\sqrt{3} = 9\sqrt{7} - 10\sqrt{3}$
- d**  $6\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 8\sqrt{3} = \sqrt{3}$
- e**  $2\sqrt{7} \times 3\sqrt{6} = 6\sqrt{42}$
- f**  $3\sqrt{5} \times 4\sqrt{3} + 8\sqrt{15} = 12\sqrt{15} + 8\sqrt{15} = 20\sqrt{15}$
- g**  $6\sqrt{2} \times 2\sqrt{6} - 15\sqrt{3} = 12\sqrt{12} - 15\sqrt{3} = 12 \times \sqrt{4} \times \sqrt{3} - 15\sqrt{3} = 24\sqrt{3} - 15\sqrt{3} = 9\sqrt{3}$
- h**  $(-2\sqrt{3})^2 - (-\sqrt{7})^2 = 4 \times 3 - 7 = 12 - 7 = 5$

**39a** Invullen van  $x = 1$  geeft  $y = -5 + \sqrt{4 \times 1 + 12} = -5 + \sqrt{16} = -5 + 4 = -1$ .

<b>b</b>	$x$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
	$y$	-	-5	-3	-2,17	-1,54	-1	-0,53	-0,10	0,29

**c**



- d** De coördinaten van het randpunt zijn  $(-3, -5)$ .

- 40a**  $u = 10\sqrt{w} + v$       **d**  $y = 3\sqrt{x} + 10$
- b**  $b = 5\sqrt{3c} - 6a$       **e**  $t = 12s - 9s$  oftewel  $t = 3s$
- c**  $r = 6\sqrt{p}$       **f**  $g = 4 \times k^2 \times 3$  oftewel  $g = 12k^2$

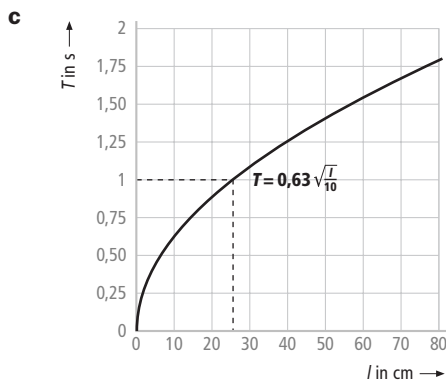
- 41a**  $y = 2 + \sqrt{2 \times 4 - -1} = 2 + \sqrt{8 + 1} = 2 + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5$   
**b** Ella krijgt de formule  $y = 3 + \sqrt{2x - 6}$ . De coördinaten van het randpunt zijn (3, 3).  
**c** Invullen van  $x = -10$  en  $y = -3$  geeft  $-3 = a + \sqrt{-20 - b}$ . Voor het randpunt geldt  $\sqrt{-20 - b} = 0$ , dus  $b = -20$  en  $a = -3$ .

- 42** Je kunt de figuur verdelen in een rechthoek links met zijden van  $3\sqrt{7}$  en  $2\sqrt{5}$ , een rechthoek rechts met zijden van  $3\sqrt{7}$  en  $3\sqrt{5}$  en een rechthoek er tussen met zijden van  $\sqrt{7}$  en  $2\sqrt{5}$ . De oppervlakte van de figuur is dan  $3\sqrt{7} \times 2\sqrt{5} + 3\sqrt{7} \times 3\sqrt{5} + \sqrt{7} \times 2\sqrt{5} = 6\sqrt{35} + 9\sqrt{35} + 2\sqrt{35} = 17\sqrt{35}$ .

- 43a** Invullen van  $l = 10$  geeft  $T = 0,63\sqrt{\frac{10}{10}} = 0,63\sqrt{1} = 0,63$ .

**b**

$l$ in cm	10	20	30	40	50	60
$T$ in s	0,63	0,89	1,09	1,26	1,41	1,54

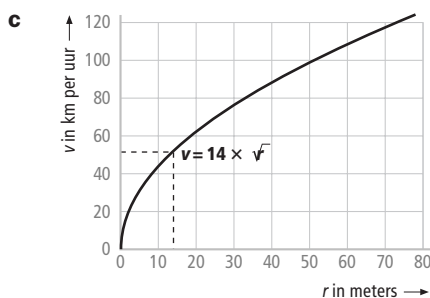


- d** De slinger moet ongeveer 25 cm lang zijn. Zie de stippellijn in de tekening hierboven.  
 Invullen van  $l = 25$  geeft  $T = 0,63\sqrt{\frac{25}{10}} \approx 0,996$  en dat klopt.

- 44a** Invullen van  $r = 30$  geeft  $v = 14 \times \sqrt{30} = 76,681... \approx 77$  km per uur.

**b**

$r$ in meters	0	10	20	30	40	50	60	70
$v$ in km per uur	0	44,27	62,61	76,68	88,54	98,99	108,44	117,13



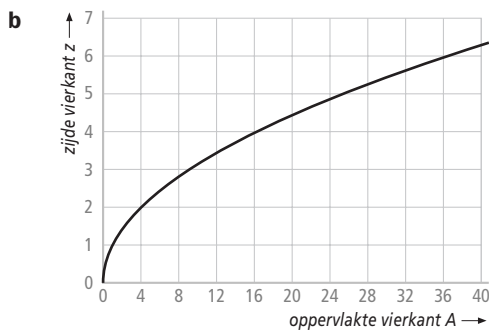
- d** De grafiek stijgt steeds langzamer.  
**e** Bij een snelheid van 55 km per uur is de remweg ongeveer 15 meter lang. Zie de stippellijn in de grafiek hierboven.

- 45a**  $5\sqrt{6} \times 3\sqrt{2} = 5 \times 3 \times \sqrt{6} \times \sqrt{2} = 15 \times \sqrt{12} = 15 \times \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 15 \times 2 \times \sqrt{3} = 30\sqrt{3}$   
**b**  $\frac{3}{8}\sqrt{5} \times 16\sqrt{2} - 8\sqrt{10} = \frac{3}{8} \times 16 \times \sqrt{5} \times \sqrt{2} - 8\sqrt{10} = 6\sqrt{10} - 8\sqrt{10} = -2\sqrt{10}$   
**c**  $2\sqrt{2} \times 5\sqrt{3} \times 3\sqrt{2} = 2 \times 5 \times 3 \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = 30 \times 2 \times \sqrt{3} = 60\sqrt{3}$   
**d**  $-8\sqrt{6} \times 4\sqrt{2} + (2\sqrt{5})^2 \times \sqrt{12} = -8 \times 4 \times \sqrt{6} \times \sqrt{2} + 4 \times 5 \times \sqrt{12} = -32\sqrt{12} + 20\sqrt{12} =$   
 $= -12\sqrt{12} = -12 \times \sqrt{4} \times \sqrt{3} = -12 \times 2 \times \sqrt{3} = -24\sqrt{3}$   
**e**  $-3\sqrt{17} \times 2\sqrt{17} - (2\sqrt{123})^2 = -3 \times 2 \times \sqrt{17} \times \sqrt{17} - 4 \times 123 = -102 - 492 = -594$   
**f**  $11\sqrt{10} \times 2\sqrt{2} - 3\sqrt{8} \times 2\frac{1}{2}\sqrt{2\frac{1}{2}} = 11 \times 2 \times \sqrt{10} \times \sqrt{2} - 3 \times 2\frac{1}{2} \times \sqrt{8} \times \sqrt{2\frac{1}{2}} =$   
 $= 22\sqrt{20} - 7\frac{1}{2}\sqrt{20} = 14\frac{1}{2}\sqrt{20} = 14\frac{1}{2} \times \sqrt{4} \times \sqrt{5} = 14\frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{5} = 29\sqrt{5}$

- 46a** Bij zijn nieuwe grafiek hoort de formule  $y = 2 + \sqrt{x}$  of  $y = \sqrt{x} + 2$ .  
**b** De formule van haar nieuwe grafiek wordt  $y = \sqrt{x-3}$ .  
**c** De grafiek van Kris ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek vier keer zo ver van de horizontale as af te tekenen.  
**d** Je moet dan  $a = 16$  nemen, want  $y = 4\sqrt{x}$  kun je schrijven als  $y = \sqrt{16} \times \sqrt{x}$  en dat is gelijk aan  $y = \sqrt{16x}$ .

### ICT Wortelformules

<b>I-1a</b>	oppervlakte vierkant A	0	1	4	9	16	25	36
	zijde vierkant z	0	1	2	3	4	5	6



- c** Voor iedere waarde van A kun je de waarde van z vinden door de wortel uit A te nemen.  
**d** Je kunt voor A alleen getallen groter of gelijk aan 0 invullen omdat er geen negatieve oppervlakte bestaat.
- I-2a** Links van de verticale as bestaat de grafiek niet omdat de wortel uit een negatief getal niet bestaat.  
**b** -  
**c** Ja, de grafiek loopt verticaal in het punt (0, 0).
- I-3a** -  
**b** De grafiek van  $y = 1 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek één hokje naar boven te verschuiven.  
**c** De grafiek van  $y = -3 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek drie hokjes naar beneden te verschuiven.

d -

e De grafiek van  $y = 2\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek twee keer zo ver van de horizontale as af te tekenen.

f De grafiek van  $y = 3\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek drie keer zo ver van de horizontale as af te tekenen.

I-4a -

x	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
y	0	1	1,41	1,73	2	2,24	2,45	2,65	2,83	3

c De sterretjes in de tabel betekenen dat de grafiek hier niet bestaat.

d De grafiek begint in het punt (3, 0).

e De grafiek van  $y = \sqrt{x-3}$  ontstaat uit de grafiek van  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek drie hokjes naar rechts te verschuiven.

I-5a 1  $y = \sqrt{x-1}$ , 2  $y = 1,5 + \sqrt{x}$ , 3  $y = 3\sqrt{x}$ , 4  $y = -3,5 + \sqrt{x}$  en 5  $y = \sqrt{x+4},5$

b 1 (1, 0), 2 (0; 1,5), 2 (0, 0), 4 (0; -3,5) en 5 (-4,5; 0)

I-6a De grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x+8}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek acht hokjes naar links te verschuiven. Het randpunt is (-8, 0).

b De grafiek bij de formule  $y = -5 + \sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek vijf hokjes naar beneden te verschuiven. Het randpunt is (0, -5).

c De grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x - \frac{2}{3}}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door deze grafiek  $\frac{2}{3}$  hokje naar rechts te verschuiven. Het randpunt is  $(\frac{2}{3}, 0)$ .

d De grafiek bij de formule  $y = -\sqrt{x}$  ontstaat uit de grafiek bij de formule  $y = \sqrt{x}$  door alle uitkomsten van deze grafiek onder in plaats van boven de horizontale as te tekenen. Het randpunt is (0, 0).

I-7a -

b Invullen van  $x = 9$  geeft  $y = \sqrt{9} - 5 = 3 - 5 = -2$ , dus Ali doet het goed.

De fout die Mo maakt is dat hij  $y = \sqrt{9-5} = \sqrt{4} = 2$  berekent.

c De coördinaten van het randpunt van de grafiek van  $y = \sqrt{x-5}$  zijn (0, -5).

De coördinaten van het randpunt van de grafiek van  $y = \sqrt{x-5}$  zijn (5, 0).

I-8a -

b Als je  $a$  groter maakt verschuift de grafiek naar rechts.

Als je  $a$  kleiner maakt verschuift de grafiek naar links.

c Invullen van  $x = 6$  en  $y = 2$  geeft  $2 = \sqrt{6-a}$  oftewel  $6-a = 4$ , dus  $a = 2$ .

Invullen van  $x = 6$  en  $y = -2$  geeft  $-2 = \sqrt{6-a}$  en dat kan niet.

I-9a In de getekende grafiek is  $a = 0$  en  $b = 0$ .

b -

c Als je  $a$  groter maakt verschuift de grafiek naar rechts.

Als je  $a$  kleiner maakt verschuift de grafiek naar links.

d Als je  $b$  groter maakt verschuift de grafiek naar boven.

Als je  $b$  kleiner maakt verschuift de grafiek naar beneden.

e De formule  $y = -3 + \sqrt{x-4}$  heeft een grafiek met randpunt (4, -3).

## Test jezelf

**T-1a**  $\sqrt{14}$  ligt tussen 3 en 4,  $-\sqrt{26}$  ligt tussen  $-6$  en  $-5$ ,  $\sqrt{41}$  ligt tussen 6 en 7,  $2\sqrt{99}$  ligt tussen 19 en 20,  $-3\sqrt{0,2}$  ligt tussen  $-2$  en  $-1$  en  $6\sqrt{2}$  ligt tussen 8 en 9.

**b**  $-\sqrt{144} = -12$ ,  $\sqrt{27} \approx 5,20$ ,  $\sqrt{0,25} = 0,5$ ,  $\sqrt{-1}$  kan niet en  $\sqrt{8,7} \approx 2,95$

**T-2a**  $2\sqrt{13} + 3\sqrt{13} = 5\sqrt{13}$

**b**  $3\sqrt{5} + 4\sqrt{5} = 7\sqrt{5}$

**c**  $\sqrt{3} \times \sqrt{5} = \sqrt{15}$

**d**  $3\sqrt{6} \times 4\sqrt{5} = 3 \times 4 \times \sqrt{6} \times \sqrt{5} = 12\sqrt{30}$

**e**  $9\sqrt{7} - 8\sqrt{7} + 6\sqrt{6} = \sqrt{7} + 6\sqrt{6}$

**f**  $2\sqrt{5} \times 5\sqrt{2} - 7\sqrt{10} = 2 \times 5 \times \sqrt{5} \times \sqrt{2} - 7\sqrt{10} = 10\sqrt{10} - 7\sqrt{10} = 3\sqrt{10}$

**g**  $(3\sqrt{11})^2 = 3\sqrt{11} \times 3\sqrt{11} = 3 \times 3 \times \sqrt{11} \times \sqrt{11} = 9 \times 11 = 99$

**h**  $89\sqrt{3} - 7\sqrt{3} + 62\sqrt{3} = 144\sqrt{3}$

**T-3a**  $\sqrt{90} = \sqrt{9} \times \sqrt{10} = 3\sqrt{10}$ ,  $\sqrt{98} = \sqrt{49} \times \sqrt{2} = 7\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{128} = \sqrt{64} \times \sqrt{2} = 8\sqrt{2}$  en  $\sqrt{675} = \sqrt{225} \times \sqrt{3} = 15\sqrt{3}$

**b**  $7\sqrt{11} = \sqrt{49} \times \sqrt{11} = \sqrt{539}$ ,  $9\sqrt{8} = \sqrt{81} \times \sqrt{8} = \sqrt{648}$ ,  $10\sqrt{7} = \sqrt{100} \times \sqrt{7} = \sqrt{700}$  en  $19\sqrt{5} = \sqrt{361} \times \sqrt{5} = \sqrt{1805}$ . Ze staan al op volgorde van klein naar groot.

**c**  $\sqrt{48} - \sqrt{27} = \sqrt{16 \times 3} - \sqrt{9 \times 3} = 4\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = \sqrt{3}$

$(2\sqrt{7})^2 = 2\sqrt{7} \times 2\sqrt{7} = 2 \times 2 \times \sqrt{7} \times \sqrt{7} = 4 \times 7 = 28$

$9\sqrt{175} - \sqrt{63} = 9\sqrt{25 \times 7} - \sqrt{9 \times 7} = 9 \times 5 \times \sqrt{7} - 3 \times \sqrt{7} = 45\sqrt{7} - 3\sqrt{7} = 42\sqrt{7}$

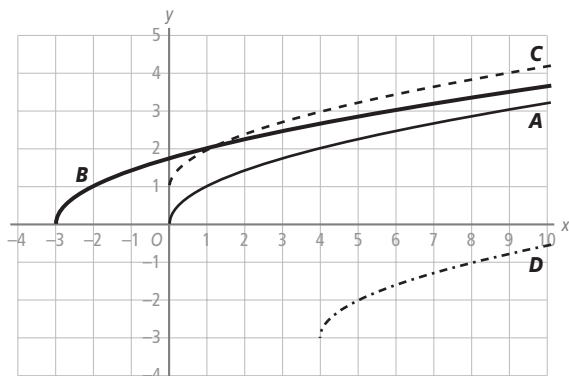
$-3\sqrt{2} \times 2\sqrt{5} + 5\sqrt{10} = -3 \times 2 \times \sqrt{2} \times \sqrt{5} + 5\sqrt{10} = -6\sqrt{10} + 5\sqrt{10} = -\sqrt{10}$

$(\sqrt{6})^2 \times \sqrt{6} = 6\sqrt{6}$

$2\sqrt{8} \times 4\sqrt{8} - \sqrt{162} = 2 \times 4 \times \sqrt{8} \times \sqrt{8} - \sqrt{81 \times 2} = 8 \times 8 - 9\sqrt{2} = 64 - 9\sqrt{2}$

**T-4a** Bij formule A is (0, 0) het randpunt, bij formule B is (-3, 0) het randpunt, bij formule C is (0, 1) het randpunt en bij formule D is (4, -3) het randpunt.

**b**



**c** De grafiek van formule B ontstaat uit de grafiek van formule A door deze drie hokjes naar links te verschuiven.

**d** De grafiek van formule C ontstaat uit de grafiek van formule A door deze één hokje naar boven te verschuiven.

**T-5** De oppervlakte van het bovenblad van haar tafel is  $4 \times 4 = 16 \text{ dm}^2$ . Het kleed bedekt de helft van het bovenblad van haar tafel. De oppervlakte van het kleed is  $16 : 2 = 8 \text{ dm}^2$ . De zijden van het kleed moeten  $\sqrt{8} \approx 2,83 \text{ dm}$  zijn en dat is 28,3 cm.

**T-6a**

$h = 6\sqrt{a} \times 6\sqrt{a}$ $h = 6 \times 6 \times \sqrt{a} \times \sqrt{a}$ $h = 36a$	$c \quad w = 7 \times 5 \times q \times \sqrt{q} \times \sqrt{q} \times \sqrt{6}$ $w = 35 \times q \times q \times \sqrt{6}$ $w = 35q^2 \sqrt{6}$
$b \quad k = 4\sqrt{r} + 12$	$d \quad g = \sqrt{4 \times 3} \times \sqrt{u} + 5\sqrt{3u}$ $g = \sqrt{4} \times \sqrt{3} \times \sqrt{u} + 5\sqrt{3u}$ $g = 2\sqrt{3u} + 5\sqrt{3u}$ $g = 7\sqrt{3u}$

**T-7a** De coördinaten van het randpunt van de grafiek zijn (4, 2).

**b**

x	4	5	6	7	8	9
y	2	3	3,41	3,73	4	4,24

**c** Invullen van  $x = 40$  geeft  $y = 2 + \sqrt{40 - 4} = 2 + \sqrt{36} = 2 + 6 = 8$ . Het punt (40, 9) ligt niet op de grafiek.

**d** Ja, Joram heeft gelijk.

**T-8a** De zijden van een vakje zijn  $\sqrt{12,25} = 3,5 \text{ cm}$ .

**b** Eén vakje van het andere schaakbord heeft een oppervlakte van  $432,64 : 64 = 6,76 \text{ cm}^2$ . De zijden van een vakje zijn  $\sqrt{6,76} = 2,6 \text{ cm}$ .

**c** Een dambord met een oppervlakte van  $1200 \text{ cm}^2$  heeft zijden van  $\sqrt{1200} \approx 34,64 \text{ cm}$ . De omtrek van dit dambord is  $4 \times \sqrt{1200} \approx 138,56 \text{ cm}$ . Het tweede dambord met een omtrek van 140 cm is groter.

Of:

Een dambord met een omtrek van 140 cm heeft zijden van  $140 : 4 = 35 \text{ cm}$ .

De oppervlakte van dit dambord is  $35^2 = 1225 \text{ cm}^2$ .

Het eerste dambord heeft een oppervlakte van  $1200 \text{ cm}^2$ . Het tweede dambord is groter.